

Contrôle Généralités sur les fonctions**Exercice N°1**

soient  $f$  et  $g$  les fonctions définies par :

$$f(x) = -2x^2 + 8x - 5 \quad \text{et} \quad g(x) = \frac{2x - 4}{x - 1}$$

- 1) a) Calculer  $f(3)$  et  $g(3)$ .
- b) Vérifie que :  

$$f(x) - g(x) = \frac{(x - 3)(-2x^2 + 4x - 3)}{x - 1}$$
- c) Montrer que  $(C_f)$  et  $(C_g)$  se coupent en un point unique  $A$  et déterminer  $A$ .
- 2) a) Déterminer  $D_f$ .
- b) Dresser le tableau de variations de  $f$ .
- 3) a) Donner la nature de  $(C_f)$  et déterminer.

ses éléments caractéristiques

- b) Calculer  $f(0)$  ;  $f(1)$  ;  $f(2)$ .
- 4) a) Déterminer  $D_g$ .
- b) Dresser le tableau de variations de  $g$ .
- 5) a) Donner la nature de  $(C_g)$  et déterminer ses éléments caractéristiques.
- b) Calculer  $g(-1)$  ;  $g(0)$  ;  $g(2)$ .
- 6) Construire  $(C_f)$  et  $(C_g)$  dans le même repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
- 7) Résoudre graphiquement, l'inéquation:  

$$g(x) \leq f(x)$$

**Exercice N°2**

soient  $f$  et  $g$  les fonctions définies par :

$$f(x) = x^2 + 4x + 2 \quad \text{et} \quad g(x) = \frac{3x + 8}{x + 2}$$

- 1) a) Calculer  $f(-4)$  et  $g(-4)$ , en déduire un point d'intersection  $A$  de  $(C_f)$  et  $(C_g)$ .
- b) Vérifie que :  $f(x) - g(x) = \frac{(x + 4)(x^2 + 2x - 1)}{x + 2}$ .
- c) Montrer que  $(C_f)$  et  $(C_g)$  se coupent en d'autres points  $B$  et  $C$  tel que  $x_B < 0$ .
- 2) a) Déterminer  $D_f$ .
- b) Dresser le tableau de variations de  $f$ .
- 3) a) Donner la nature de  $(C_f)$  et déterminer

ses éléments caractéristiques

- b) Calculer  $f(0)$  ;  $f(-1)$  ;  $f(-2)$ .
- 1) Déterminer  $x_1$  et  $x_2$  les abscisses des points d'intersection de  $(C_g)$  avec  $(Ox)$  ( $x_1 < x_2$ ).
- 4) a) Déterminer  $D_g$ .
- b) Dresser le tableau de variations de  $g$ .
- 5) a) Donner la nature de  $(C_g)$  et déterminer ses éléments caractéristiques.
- b) Calculer  $g(-3)$  ;  $g(-1)$  ;  $g(0)$ .
- 2) Construire  $(C_f)$  et  $(C_g)$ .
- 3) Résoudre graphiquement, l'inéquation:  

$$g(x) \leq f(x)$$

**Exercice N°3**

soit  $f$  la fonction définie par :  $f(x) = x^2 + 4x + 2$

- 1) a) Dresser le tableau de variations de  $f$ .
- b) Donner la nature de  $(C_f)$  et déterminer ses éléments caractéristiques.
- c) Calculer  $f(-2)$  ;  $f(0)$  ;  $f(1)$ .
- 2) Déterminer  $x_1$  et  $x_2$  les abscisses des points d'intersection de  $(C_f)$  avec  $(Ox)$  ( $x_1 < x_2$ ).
- 3) Construire  $(C_f)$  dans un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .
- 4) Construire la courbe de chacune des fonctions suivantes avec  $(C_f)$  dans figures

isolées dans le repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

- a) la fonction  $u$  telle que :  $u(x) = f(x) + 2$ .
- b) la fonction  $u$  telle que :  $v(x) = -f(x) - 3$ .
- c) la fonction  $u$  telle que :  $w(x) = |f(x)| - 1$ .
- 5) soit  $g$  la fonction définie par :  

$$g(x) = f(|x|) + 2$$
- a) Montrer que la fonction  $g$  est paire.
- b) Montrer que pour tout  $x > 0$  :  $g(x) = u(x)$ .
- 6) Construire la courbe  $(C_g)$  avec la courbe  $(C_u)$  dans une figure isolée dans le repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .